

RESOLUCIÓN DE PROBLEMAS Y ALGORITMOS

CLASE 3

Programación en Pascal.
Tipos de datos. Expresiones.

Luciano H. Tamargo
<http://cs.uns.edu.ar/~lt>
Depto. de Ciencias e Ingeniería de la Computación
Universidad Nacional del Sur, Bahía Blanca
2016

01100
10011
10110
01110
01100
10011
10110
11110
001
11
0

CONCEPTOS DE LA CLASE PASADA

1. Algoritmo.
Primitiva.
Traza.
2. Lenguaje de programación.
Pascal:
 - Identificadores
 - Constantes y variables
 - Tipos de datos.
 - Primitiva de asignación (:=)
 - Primitivas read y write



0
T
0
0
1
0
0

TEMARIO

- Introducción.
- Diagrama sintáctico.
- Asignación.
- Código fuente.
- Tipos de datos.

01100
10011
10110
01110
01100
10011
10110
01110
1001
111
00
1

OBJETIVOS DE LA MATERIA RPA

- El objetivo principal de RPA es que los alumnos adquieran la **capacidad de desarrollar programas** de computadoras para **resolver problemas de pequeña escala**.
- El desarrollo de un programa se concibe como un proceso que abarca varias etapas:
 1. La **interpretación** adecuada del enunciado a través del cual se plantea el problema.
 2. El **diseño** de un **algoritmo** que especifica la resolución del problema.
 3. La **implementación** del algoritmo en un lenguaje de programación imperativo.
 4. La **verificación** de la solución.

0
T
0
0
1
0
0

ETAPAS

- El objetivo principal de RPA es que los alumnos adquieran la **capacidad de desarrollar programas** de computadoras para **resolver problemas de pequeña escala**.
- El desarrollo de un programa se concibe como un proceso que abarca varias etapas:
 1. La **interpretación** adecuada del enunciado a través del cual se plantea el problema.
 2. El **diseño** de un **algoritmo** que especifica la resolución del problema.
 3. La **implementación** del algoritmo en un lenguaje de programación imperativo.
 4. La **verificación** de la solución.

Estas etapas están en sintonía con el proceso de ingeniería de software que veremos más adelante

CONCEPTO: LENGUAJE DE PROGRAMACIÓN

- Un **lenguaje de programación** es un lenguaje artificial creado para expresar procesos que pueden ser llevados a cabo por computadoras.
 - Ejemplos: Pascal, C, C++, Java, Prolog, Lisp.
- Un lenguaje de programación está definido por:
 1. un **conjunto de símbolos**,
 2. **reglas sintácticas** que definen su estructura, y
 3. **reglas semánticas** que definen el significado de sus elementos.

0
T
0
0
0
0
1
0
0

CONCEPTOS: DIAGRAMA SINTÁCTICO

- La **sintaxis** de un lenguaje de programación es un conjunto de reglas que indica la estructura de los programas en ese lenguaje.
- Un **diagrama sintáctico** (syntax diagram or railroad diagrams) es una forma gráfica de representar la sintaxis de un lenguaje de programación.
- Permite **describir sin ambigüedad** la sintaxis de un lenguaje de una manera simple y formal.
- Los **diagramas sintácticos** de Pascal que usaremos en RPA se encuentran en la página de la materia siguiendo este enlace: http://cs.uns.edu.ar/~lrpa/downloads/Practicos/Diagramas_Sintacticos_Pascal.pdf
- La **sintaxis** original escrita por N. Wirth está en la pág. 47 de : <http://e-collection.library.ethz.ch/eserv/eth:3059/eth-3059-01.pdf>

TEMARIO

- Introducción.
- Diagrama sintáctico.
- Asignación.
- Código fuente.
- Tipos de datos.

ELEMENTOS DE UN DIAGRAMA SINTÁCTICO

- nombre** → (1) Un **nombre** y **flecha** indican el comienzo de un diagrama para la definición de **nombre**.
- texto** (2) Las **figuras "redondeadas"** indican que **texto** se debe incluir tal **cual** como aparece.
- nombre** (3) Los **rectángulos** indican que **nombre** está **definido en algún otro diagrama** sintáctico.
- (4) Las **flechas** indican el **orden** de lectura en el diagrama.

Todos los programas en Pascal tienen esta estructura sintáctica:



DIAGRAMAS SINTÁCTICOS

Todos los programas en Pascal tienen esta estructura sintáctica:



Ejemplo:

```
PROGRAM AreaCirculo;
CONST pi = 3.1416;
VAR area,radio: REAL;
BEGIN
  write('Ingrese Radio:');
  read(radio);
  area := pi * radio * radio;
  write("Area es", area);
END;
```



PARTE DEL ARCHIVO DISPONIBLE EN LA PÁGINA DE RPA

Diagrama sintáctico de un programa Pascal:

```
Programa -> program -> identificador -> ; -> bloque -> .
```

Diagrama sintáctico de un bloque Pascal:

```
bloque -> const -> identificador -> = -> constante -> ;
```

```
bloque -> type -> identificador -> = -> tipo -> ;
```

```
bloque -> var -> identificador -> = -> tipo -> ;
```

```
bloque -> declaracion de procedimiento -> ;
```

```
bloque -> declaracion de función -> ;
```

```
bloque -> sentencia compuesta
```

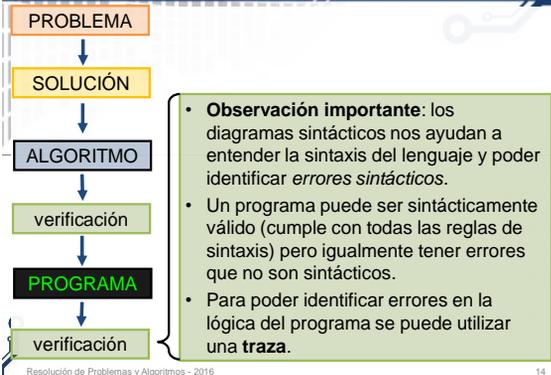
Ejemplo de código Pascal:

```
PROGRAM AreaCirculo;
CONST pi = 3.1416;
VAR area,radio: REAL;
BEGIN
  write('Radio:'); read(radio);
  area := pi * radio * radio;
  write('Area es', area);
END;
```

TEMARIO

- Introducción.
- Diagrama sintáctico.
- Asignación.
- Código fuente.
- Tipos de datos.

METODOLOGÍA GENERAL PROPUESTA



Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

14

PRIMITIVA DE ASIGNACIÓN

- En una asignación: **variable := expresión**
 - 1) **primero** se evalúa la **expresión** de la derecha y se obtiene un valor,
 - 2) **luego** se modifica el valor de la **variable**, perdiéndose el valor anterior.

```
PROGRAM Asigna2;
CONST c = 2.3;
VAR a, b: REAL;
BEGIN
  b := 10;
  a := 1;
  a := a + 1;
  a := a + 1;
  a := a + 1;
END.
```

Traza de los valores almacenados en memoria para cada variable:

a	b
?	?
?	10
1	10
2	10
3	10
4	10

"?" indica "sin valor"

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

15

PRIMITIVA DE ASIGNACIÓN

- En una asignación: **variable := expresión**
 - 1) **primero** se evalúa la **expresión** de la derecha y se obtiene un valor,
 - 2) **luego** se modifica el valor de la **variable**, perdiéndose el valor anterior.

```
PROGRAM Asigna3;
VAR a: REAL;
BEGIN
  a := 1;
  a := a + a;
  a := a + a;
  a := a + a;
  a := a + a;
END.
```

Traza de los valores almacenados en memoria para cada variable:

a
?
1
2
4
8
16

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

16

PRIMITIVA DE ASIGNACIÓN

- En una asignación: **variable := expresión**
 - 1) **primero** se evalúa la **expresión** de la derecha y se obtiene un valor,
 - 2) **luego** se modifica el valor de la **variable**, perdiéndose el valor anterior.

```
PROGRAM AsignaMAL;
CONST c = 2.3;
VAR a, b: REAL;
BEGIN
  a := b;
END.
```

Traza de los valores almacenados en memoria para cada variable:

a	b
?	?
?	?

b no tiene valor

Observe que el programa **AsignaMAL** es sintácticamente válido y aún así tiene un error.

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

17

PRIMITIVA DE ASIGNACIÓN

- En una asignación: **variable := expresión**
 - 1) **primero** se evalúa la **expresión** de la derecha y se obtiene un valor,
 - 2) **luego** se modifica el valor de la **variable**, perdiéndose el valor anterior.
- Problema: Intercambiar los valores de dos variables **a** y **b** de forma tal que el valor de **a** quede en **b** y el de **b** quede en **a**.

```
PROGRAM IntercambiaMAL;
VAR a, b: integer;
BEGIN
  write('Ingrese 2 enteros');
  read(a,b);
  a := b;
  b := a;
  writeln(a, ' ', b);
END.
```

MAL

Observe que **IntercambiaMAL** es sintácticamente válido y aún así tiene un error.

¿Qué casos de prueba usaría?

18

INTERCAMBIAR LOS VALORES DE LAS VARIABLES

- En una asignación: **variable := expresión**
 - 1) **primero** se evalúa la **expresión** de la derecha y se obtiene un valor,
 - 2) **luego** se modifica el valor de la **variable**, perdiéndose el valor anterior.
- Problema: Intercambiar los valores de dos variables **a** y **b** de forma tal que el valor de **a** quede en **b** y el de **b** quede en **a**.

```
PROGRAM IntercambiaBIEN;
VAR a, b, aux: integer;
BEGIN
  write('Ingrese 2 enteros');
  read(a,b);
  aux := a;
  a := b;
  b := aux;
  write(a, ' ', b);
END.
```

BIEN

Preservo el valor de **a** en **aux**.

¿Qué casos de prueba usaría?

21

TIPO DE DATO PREDEFINIDO DE PASCAL: INTEGER

- **Nombre:** `INTEGER` (entero)
- **Valores:** cualquier número entero entre un mínimo y un máximo definido por el compilador usado.
- **Operaciones predefinidas:** que se pueden usar con tipo `INTEGER`.
 - + (adición)
 - (substracción)
 - * (multiplicación)
 - `div` (división entera) y
 - `mod` (resto de la división entera).

0
T
0
0
0
1
0



TIPO DE DATO PREDEFINIDO DE PASCAL: INTEGER

- Operadores relacionales para comparar enteros: `=`, `>`, `<`, `<>` (distinto), `>=` (mayor o igual) y `<=` (menor o igual)
- *Obs: los operadores tienen la precedencia usual y los paréntesis () permiten cambiar el orden de evaluación.*
- **Constante predefinida:** `MAXINT` (máximo valor `INTEGER`).
- **Función predefinida:** `SQR` (devuelve el cuadrado (square) de un entero).
 - Ejemplo:
 - `SQR(3) = 9.`
 - `SQR(SQR(3)) = 81`

0
T
0
0
1
0
0



REALICE UNA TRAZA Y LUEGO PASE A LA MÁQUINA

```
PROGRAM EjemploInteger; {Algunos ejemplos para el tipo entero}
VAR N1, N2, N3, N4: INTEGER;
    form: INTEGER; {para el "formateo" en pantalla}
BEGIN
    writeln("Máximo entero: ", MAXINT);
    N1 := 2000 mod 2;
    N2 := 2000 div 2;
    N3 := SQR(SQR(3));
    N4 := MAXINT;
    form:= 15; //valor para el formateo
    writeln(n1:form, n2:form, n3:form, n4:form);
END.
```

0
T
0
0
0
1
0
0

TIPO DE DATO PREDEFINIDO DE PASCAL: BOOLEAN

- **Nombre:** `BOOLEAN` (Booleano o lógico)
- **Valores:** (solamente dos) `true`, `false`.
- **Operadores predefinidos:**
 - `and` (conjunción "y"),
 - `or` (disyunción "o")
 - `not` (negación "no")
- **Operadores relacionales:** `=`, `>`, `<`, `<>`, `>=`, `<=`

0
T
0
0
0
1
0
0



CONCEPTOS: EXPRESIONES LÓGICAS

- Hay sólo dos valores lógicos (también llamados valores de verdad):
 - verdadero (`true`)
 - falso (`false`)
- Los operadores relacionales retornan un valor de verdad de tipo `BOOLEAN` (`true` o `false`):
 - `5 > 3` retorna `true`,
 - `5 <> 5` retorna `false`
- Los operadores lógicos: `and`, `or` y `not`, reciben valores de verdad y retornan valores de verdad.

0
T
0
0
0
1
0
0



CONCEPTOS: EXPRESIONES LÓGICAS

- Los operadores lógicos permiten construir **expresiones lógicas** que retornarán un valor de verdad.
 - Ejemplo: considere `num` de tipo entero:
 - `(num > 0) and (num < 10) or not (num = 5)`
- A diferencia de los operadores numéricos, para definir el resultado de un operador lógico, **alcanza con una tabla** (llamada Tabla de Verdad).

0
T
0
0
0
1
0
0



TABLAS DE VERDAD

- Una **tabla de verdad** para un operador lógico, muestra explícitamente el resultado para cada valor posible.
- Sea **A** una expresión lógica cualquiera (esto es, su resultado es verdadero o falso), la tabla de verdad de la negación es la siguiente:

A	not A	En Pascal
true	false	!
false	true	

- Ejemplo:** A podría representar "tengo señal de wi-fi"
- En este caso, si "tengo señal de wi-fi" es verdadero, entonces "no tengo señal de wi-fi" es falso.

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

36

TABLAS DE VERDAD

- Sean **A** y **B** dos expresiones lógicas cualquiera, las tablas de verdad de la conjunción (**y**) y de la disyunción (**o**) son:

A	B	A and B	A or B
		A y B	A o B
true	true	true	true
true	false	false	true
false	true	false	true
false	false	false	false

- Ejemplos:
 - podría representar las condiciones para **realizar una llamada** con la expresión "tengo señal y tengo saldo"
 - podría representar las condiciones para **utilizar Internet** con la expresión "hay red wi-fi o hay red de datos móviles"

PRECEDENCIA DE LOS OPERADORES LÓGICOS

- Los operadores pueden combinarse.
- La precedencia es:
 - no (**not**),
 - y (**and**),
 - o (**or**)
- Los **paréntesis** cambian el orden de evaluación.
- Por ejemplo**, quiero representar una condición con la cual puedo visitar una página de internet.

Compare estas dos expresiones para diferentes casos de prueba:

hay wi-fi **o** hay red-datos **y** no (batería = 0)
 (hay wi-fi **o** hay red-datos) **y** no (batería = 0)

Caso de prueba:

hay wifi = verdadero,
 hay red-datos = falso,
 batería = 0

- Compare:** no A y B con no (A y B)
 Pruebe con: **A = falso B= falso**; y luego con **A= verdadero B=falso**

PRECEDENCIA DE LOS OPERADORES EN PASCAL

- Tabla 12.1: Precedencia de operadores en Free Pascal
<http://www.freepascal.org/docs-html/ref/refch12.html>

Operador	Precedencia	Categoría
not	La más alta (primero)	Unario
* / div mod and	segundo	binario
+ - or	tercero	binario
= <> < > <= >=	La más baja (último)	relacional

- Para alterar el orden de precedencia en la evaluación se utilizan los () paréntesis.

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

39

EXPRESIONES LÓGICAS EQUIVALENTES

- Dos expresiones lógicas son **equivalentes** si para todos los casos donde una es verdadera la otra también es verdadera.

- Ejemplos:**

$A > 0$ es equivalente a $\text{not } (A \leq 0)$
 $\text{not } (A \text{ or } B)$ no es equivalente a $(\text{not } A \text{ or } \text{not } B)$

- Importante:**
 - con un ejemplo alcanza para mostrar que no es equivalente,
 - sin embargo, para mostrar que sí es equivalente hay que mostrar para todos los casos posibles.

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

40

EXPRESIONES LÓGICAS EQUIVALENTES

- ¿Por qué son importantes las expresiones equivalentes?**

- Porque la misma condición puede escribirse de diferentes maneras, y hay que buscar la más adecuada.

- Ejemplo**

La condición "**El número entero N tiene un solo dígito**" puede representarse con cualquiera de estas cuatro expresiones equivalentes:

$(N=1) \text{ or } (N=2) \text{ or } (N=3) \text{ or } (N=4) \text{ or } (N=5) \text{ or } (N=6) \text{ or } (N=7) \text{ or } (N=8) \text{ or } (N=9) \text{ or } (N=0) \text{ or } (N=-1) \text{ or } (N=-2) \text{ or } (N=-3) \text{ or } (N=-4) \text{ or } (N=-5) \text{ or } (N=-6) \text{ or } (N=-7) \text{ or } (N=-8) \text{ or } (N=-9)$

$(N > -10) \text{ and } (N < 10)$

$(N \geq -9) \text{ and } (N \leq 9)$

$N \text{ div } 10 = 0$

¿Cuál usaría?

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

41

REALICE UNA TRAZA Y LUEGO PASE A LA MÁQUINA

```
PROGRAM EjemploBool; {Algunos ejemplos con el tipo Boolean}
VAR R1: REAL;
    es_par, es_positivo, mayor_a_maxint: BOOLEAN;
    condicion: BOOLEAN;
BEGIN
    write('ingrese un número');
    read(R1);
    es_par := (TRUNC(R1) mod 2) <> 1;
    es_positivo := R1 >= 0;
    mayor_a_maxint := R1 > MAXINT;
    condicion := es_par and es_positivo and not mayor_a_maxint;
    writeln('Resultado de la expresión lógica: ', condicion);
    readln;
END.
```

EXPRESIONES NUMÉRICAS Y LÓGICAS

- Al introducir la primitiva de asignación, se mostró que el lado derecho al símbolo ":= " es una **expresión** que da un valor.
- Las expresiones indican ("expresan") como calcular adecuadamente un valor.
- Saber construir correctamente expresiones es muy importante porque:
 - se utilizan de muchas maneras en un algoritmo (no solo en asignaciones)
 - hay expresiones de muchos tipos de valores (no solo numéricos).

OPERADORES Y VALORES

- Operadores **numéricos**: (ej. + - /* mod div).
Toman números y tienen un número por resultado.
- Operadores **relacionales**: (ej. = > < <> >= <=).
Relacionan dos datos del mismo tipo y tienen un resultado que es **verdadero** o **falso**.
- Operadores **lógicos**: (ej. and or not).
Toman valores del conjunto { verdadero, falso } y su resultado es un valor verdadero o falso.

EXPRESIONES NUMÉRICAS Y LÓGICAS

- Tarea**, escriba expresiones para:
 - Un número N es mayor a 10
 - N es mayor a 10 y menor a 100.
 - N tiene a lo sumo 4 dígitos.
 - N tiene 4 dígitos (exactamente).
 - N tiene dos o cuatro dígitos.
 - N es un número impar.
 - N es divisible por 7 y divisible por 11 y tiene dos dígitos.

EL CÓDIGO ASCII

- American Standard Code for Information Interchange (**ASCII**)
- Está formado por 256 símbolos, **aquí se muestran algunos**:

			32	33	!	34	"	35	#	36	\$	37	%	38	&	39	'		
40	(41)	42	*	43	+	44	,	45	-	46	.	47	/	48	0	49	1
50	2	51	3	52	4	53	5	54	6	55	7	56	8	57	9	58	:	59	;
60	<	61	=	62	>	63	?	64	@	65	A	66	B	67	C	68	D	69	E
70	F	71	G	72	H	73	I	74	J	75	K	76	L	77	M	78	N	79	O
80	P	81	Q	82	R	83	S	84	T	85	U	86	V	87	W	88	X	89	Y
90	Z	91	[92	\	93]	94	^	95	_	96	`	97	a	98	b	99	c
100	d	101	e	102	f	103	g	104	h	105	i	106	j	107	k	108	l	109	m
110	n	111	o	112	p	113	q	114	r	115	s	116	t	117	u	118	v	119	w
120	x	121	y	122	z	123	{	124		125	}	126	~	127		128	Ç	129	ù
130	é	160	à	161	á	162	ô	163	ú	164	ñ	165	Ñ		168	¿			

TIPO DE DATO PREDEFINIDO DE PASCAL

- Nombre**: CHAR (caracter)
- Valores**: es el conjunto de los 256 caracteres del código ASCII (American Standard Code for Information Interchange)
- Operaciones predefinidas**: (relacionales) =, >, <, <>, >=, <=
- Funciones predefinidas**: (ver a continuación).

¿Cómo se diferencia en Pascal entre una variable cuyo identificador es A y el símbolo ASCII A ?

- Para indicar un **valor** de tipo CHAR, se utilizan las comillas simples. Ej: 'a', '?', '+', ' ', etc.
- En Pascal: 'A' es un valor del tipo char, pero en cambio **A** es un identificador creado por un programador.

FUNCIONES PREDEFINIDAS DEL TIPO CHAR

- **CHR**: permite obtener un caracter cualquiera a partir de su código ASCII.
Ejemplo: `chr(65) = 'A'`; `chr(33) = '!'.`
- **ORD**: dado un caracter cualquiera, devuelve su código ASCII.
Ejemplos: `ord('A') = 65`, `ord('!') = 33.`
- **SUCC**: retorna el siguiente ASCII si es que existe.
Ejemplos: `succ('A') = 'B'`, `succ('0') = '1'`
- **PRED**: retorna el anterior ASCII si es que existe.
Ejemplos: `pred('B') = 'A'`, `pred('A') = '@'`

```
PROGRAM Ejemplo1;
BEGIN
write(chr(160), chr(130), chr(161), chr(162), chr(163));
write(chr(164), chr(165), chr(168));
END.
```

TIPO DE DATO PREDEFINIDO DE PASCAL

- **Nombre**: **REAL** (real)
- **Valores**: Se pueden expresar con punto decimal (3.5459), o en notación científica:
Ejemplo: $3.5 \cdot 10^{-3} = 0.0035$ en Pascal es **3.5E-3** y $1.28 \cdot 10^8 = 128000000$ es **1.28E8**
- Es un subconjunto de los números reales en dos sentidos: (1) tiene mínimo y máximo, y (2) tiene una "precisión" máxima. No se cumple que "entre dos números reales existe siempre otro número real".
- **Operaciones predefinidas**: +, -, *, / (división)
- **Operadores relacionales**: =, >, <, <=>, >=, <=
- **Funciones predefinidas**: ver a continuación

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

49

ALGUNAS FUNCIONES PREDEFINIDAS PARA REAL

- **Funciones trigonométricas**: **SIN**, **COS** y **TAN**. Dado un valor de un ángulo (en radianes), devuelven su seno, coseno o tangente.
Ejemplos: `SIN(0) = 0`, `COS(0) = 1.`
- **Función raíz cuadrada** (square root) **SQRT**
Ejemplo: `SQRT(4) = 2.0`
- **Función de redondeo** **ROUND**: dado un valor real, devuelve el entero más cercano.
Ejemplos: `ROUND(2.9) = 3` `ROUND(2.3) = 2`
`ROUND(2.5) = 2`
- **Función truncado** **TRUNC**: dado un valor real, devuelve el entero que resulta de eliminar la parte decimal.
Ejemplos: `TRUNC(2.9) = 2` `TRUNC(2.3) = 2`

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

50

REALICE UNA TRAZA Y LUEGO PASE A LA MÁQUINA

```
PROGRAM EjemploReal; {Algunos ejemplos con el tipo real}
VAR
  N1,N2:INTEGER;
  R1,R2: REAL;
BEGIN
  R1 := 20 mod 2; // Todo entero es un real
  R2 := MAXINT + 1; // Los reales tienen un rango más amplio
  N1 := TRUNC(2.5);
  N2 := ROUND(2.5);
  write(R1:5:2, R2:25:2,N1:5,N2:5);
  readln; //mantiene consola abierta
END.
```

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

52

CONCEPTOS: TIPOS ORDINALES EN PASCAL

- De los 4 tipos simples predefinidos que hemos visto, **INTEGER**, **CHAR** y **BOOLEAN** son **tipos ordinales** (REAL no es ordinal).
- Los **tipos ordinales** tienen estas características:
 - Tienen un primer y último elemento.
 - Tienen un orden, y para cada elemento está definido el siguiente (a excepción del último) y el anterior (a excepción del primero).
- Esto permite utilizar sobre los tipos ordinales las operaciones predefinidas:
 - `succ()` retorna el siguiente (excepto del último)
 - `pred()` retorna el anterior (excepto del primero)
 - `ord()` retorna el número de orden

Resolución de Problemas y Algoritmos - 2016

53